Calcul littéral

I Développer une expression littérale

n°31 p.100

Développer, réduire et ordonner les expressions suivantes.

$$A = 3x(x+5)$$

$$B = -2x(x+6)$$

$$C = -3x(4 - 5x)$$

$$D = (1+x)(1+2x)$$

$$E = (x^2 + 2)(x - 1)$$

$$F = 2x^2(1 - 3x^2)$$

n°32 p. 100

Développer, réduire et ordonner les expressions suivantes.

$$A = (x+3)(x+5) - 4x$$

$$B = x(3 - 2x) + 5x^2 + 2x$$

$$C = (5-t)(1+2t) + 2(3t+4)$$

$$D = 2x^2(x+6) - x^3 + 4x^2 - 2x$$

n°57 p.102

Développer, réduire et ordonner les expressions suivantes.

$$A = (3x - 2)(5 - x) - 4x(x + 6)$$

$$B = -3(2 - 2x)(6 - 2x)$$

$$C = 2(x+3)(5x+1)$$

$$D = -2(x^2 + 1)(x - 2)$$

IDENTITÉS REMARQUABLES

n°33 p.100

Développer les expressions suivantes en utilisant les identités remarquables.

$$A = (x+12)^2$$

$$B = (3x+1)(3x-1)$$

$$C = (6 - x)^2$$

$$D = (x+1)^2 + (x-2)^2$$

n°58p.102

Développer, réduire et ordonner les expressions suivantes.

$$A = (x+5)^2 - 21 + 2x$$

$$B = 4(2x - 3)^2$$

$$C = 3(t-2)^2 + 1$$

$$D = -2(x+4)^2 + 4x + 7$$

$n^{\circ}60p.102$

Développer et réduire les expressions suivantes.

$$A = (x+7)^2 + 2x + 4$$

$$B = -3(x-4)^2 + 11$$

$$C = (2x - 5)(2x + 5) - (3x + 5)^2$$

$$D = (x-1)^2(x+2)$$

II Factoriser une expression littérale

n°36 p.100

Factoriser les expressions suivantes.

$$A = 3x - 15$$

$$B = 4x^2 - 7x$$

$$C = 3x^3 - 5x^2 + 8x$$

$$D = 3a^2 - 6a$$

$$E = 3x^3 + 9x^2$$

$$F = 2\sqrt{x} + x\sqrt{x}$$

$n^{\circ}37 p.100$

Recopier l'expression, souligner le facteur commun puis factoriser les expressions suivantes.

$$A = (2x - 3)(24x - 3) + (2x - 3)(-22x + 5)$$

$$B = (15x + 7)(3 - x) + (12x + 5)(15x + 7)$$

$$C = (7x - 26)(11x + 8) + (7x - 26)(12x + 4)$$

$$D = (13t+5)(-5t+2) - (8t-15)(13t+5)$$

n°62 p.102

En mettant en évidence un facteur commun, factoriser les expressions suivantes.

$$A = (23x + 1)(-17x + 1) + (23x + 1)^{2}$$

$$B = (13x - 14)(25x - 11) - (13x - 14)^2$$

$$C = (8 - 18x)^2 - (16x - 3)(8 - 18x)$$

$$D = (16t + 13)(21t - 3) + 2(16t + 13)$$

$$E = (-14x + 5) - (4x - 7)(-14x + 5)$$

n°38 p.100

Factoriser en utilisant une identité remarquable.

$$A = x^2 - 12$$

$$B = 9y^2 + 12y + 4$$

$$C = x^2 + 169 - 26x$$

$$D = 144x + 144x^2 + 36$$

$$E = (3x + 1)^2 - (2x)^2$$

$$F = 9t^2 - 24t + 16$$

$$G = -22x + 121x^2 + 1$$

$$H = (x + 1)^2 - 9$$

n°63 p.102

En mettant en évidence une différence de deux carrés, factoriser les expressions suivantes.

$$A = (x - 4)^2 - 36$$

$$B = y^2 - 5$$

$$C = 25 - (2 - x)^2$$

$$D = (x + 3)^2 - (2x + 4)^2$$

III Résoudre une équation

$n^{\circ}44p.101$

Résoudre dans $\mathbb R$ les équations suivantes.

a)
$$(x + 4)(x - 7) = 0$$

b)
$$(2x + 3)(4x - 5) = 0$$

c)
$$-x(5-4x) = 0$$

d)
$$(-15x + 3)(3x + 9) = 0$$

e)
$$(2x - 4)^2 = 0$$

f)
$$3x(x-5) = 0$$

n°45p.101

(a) Factoriser
$$x^2 - 16$$
.

(b) Résoudre
$$x^2 - 16 = 0$$

n°46p.101

Résoudre dans $\mathbb R$ les équations suivantes.

a)
$$5x^2 - 6x = 0$$

b)
$$(2x + 1)(x + 4) + (x + 4)(3 - 5x) = 0$$

c)
$$(x-7)(3x-5)-(9x-4)(x-7)=0$$

d)
$$4x^2 + 8x + 4 = 0$$

e)
$$(4x - 7)(9x + 5) = (8x - 3)(4x - 7)$$

n°47p. 101

Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes.

a)
$$x^2 = 81$$

b)
$$x^2 = -7$$

c)
$$x^2 = 15$$

d)
$$3x^2 = 48$$

e)
$$2x^2 + 20 = 0$$

f)
$$4x^2 - 2 = 1$$

n°48p. 101

Résoudre dans \mathbb{R} les équations suivantes.

a)
$$x^2 + 6x + 9 = 0$$

b)
$$36x^2 - 12x + 22 = 21$$

c)
$$4x^2 = 8x$$

d)
$$5(2x+1)^2 = 20$$

e)
$$(3x + 4)^2 = (5x - 6)^2$$

f)
$$(x-2)^2 - 100 = 0$$

n°49p. 101

Résoudre dans $\mathbb R$ les équations suivantes.

a)
$$\sqrt{x} = 12$$

b)
$$\sqrt{x} = -2$$

c)
$$\sqrt{x} = 11.5$$

d)
$$3\sqrt{x} = 21$$

IV Simplifier des expressions fractionnaires

n°40 p. 101

Simplifier les expressions suivantes :

$$A = \frac{5t + 25}{5}$$

$$C = \frac{4x^2 + 8x - 6}{5}$$

$$B = \frac{5x^2}{2} \times \frac{3}{10x}$$

$$C = \frac{4x^2 + 8x - 6}{2}$$

$$D = \frac{4a}{8a^2}$$

n°41p.101

Écrire sous la forme d'une fraction la plus simple possible.

$$A = \frac{3}{x+8} + 5$$

$$B = \frac{x}{x+1} - 3$$

$$C = 5 - \frac{2}{x^2 + 1}$$

$$D = \frac{4x+1}{x-4} - \frac{3}{2}$$

$n^{\circ}42p.101$

Écrire sous la forme d'une fraction la plus simple possible.

$$A = \frac{3x}{x+1} - x$$

$$B = \frac{x}{x-2} + 4x + 2$$

$$C = \frac{x(x+1)}{x^2 + 2} - 3$$

$$D = \frac{2}{x-4} + \frac{3}{x}$$

n°43p.101

Simplifier, quand c'est possible, les expressions fractionnaires suivantes.

(a)
$$\frac{2(x+3)}{x+3} \text{ pour } x \neq 3$$

(b)
$$\frac{5x(x+4)}{(x+4)(2-x)}$$
 pour $x \neq -4$ et $x \neq 2$

(c)
$$\frac{4x+6}{2}$$

(d)
$$\frac{5t^2 + 3t}{t}$$
 pour $t \neq 0$

(e)
$$\frac{3x-3}{x-1}$$
 pour $x \neq 1$

n°72p.102

Simplifier, quand c'est possible, les expressions fractionnaires suivantes.

(a)
$$\frac{1}{x+1} - \frac{3}{x}$$

(b)
$$\frac{2x+4}{x-2} + \frac{1}{2}$$

(c)
$$\frac{4}{x-4} - \frac{3}{x+1}$$

(d)
$$\frac{2x+2}{2x-1} + \frac{3x}{x+3}$$